

01) $V + F = A + 2$

$A = 25$

$V + 15 = 25 + 2$

$F = 15$

$V = 27 - 15$

$V = ?$

$V = 12$

12 vértices

02)

$A = 20$

$V = F$

$V + F = A + 2$

14 faces

$F + F = 20 + 2$

$2F = 22$

$F = 11$

03)

decaedro = 10 faces

$2 \cdot A = 4 \cdot F_4$

$V + F = A + 2$

$2 \cdot A = 4 \cdot 10$

$V + 10 = 20 + 2$

$A = 20_{//}$

$V + 10 = 22$

$V = 12_{//}$

12 vértices

04)

Total de faces: $12 + 20 = 32_{//}$

$2 \cdot A = F_5 \cdot 12 + 20 \cdot F_6$

$2 \cdot A = 12 \cdot 5 + 20 \cdot 6$

$2 \cdot A = 60 + 120$

$A = 90_{//}$

$V + F = A + 2$

$V + 32 = 90 + 2$

$V = 60_{//}$

Como os átomos são representados pelos vértices

60 átomos

05)

• Total de faces: $4 + 6 = 10$

$$2 \cdot A = 3F_3 + 6F_6$$

$$2 \cdot A = 3 \cdot 4 + 6 \cdot 6$$

$$2 \cdot A = 48$$

$$A = 24$$

$$V + F = A + 2$$

$$V + 10 = 24 + 2$$

$$V = 16$$

24 arestas

16 vértices



06)

$$V + F = A + 2$$

$$10 + F = 20 + 2$$

$$F = 12$$

$$F_3 + F_4 = F = 12$$

$$3F_3 + 4F_4 = 2A$$

$$3F_3 + 4F_4 = 2 \cdot 20 = 40$$

$$\begin{cases} F_3 + F_4 = 12 & (I) \\ 3F_3 + 4F_4 = 40 & (II) \end{cases}$$

$$(I) F_4 = 12 - F_3$$

$$(II) 3F_3 + 4(12 - F_3) = 40$$

$$3F_3 + 48 - 4F_3 = 40$$

$$F_3 = 8$$

8 faces triangulares

07)

$$V + F = A + 2$$

$$\frac{3F}{5} + F = A + 2$$

$$\frac{8F}{5} = A + 2$$

note que:

$$V = \frac{3}{5}F$$

• Existem apenas faces triangulares

$$3F_3 = 2A$$

$$F_3 = \frac{2}{3}A$$

• As faces triangulares e o número de faces totais são os mesmos

$$F = F_3$$

$$\frac{8}{5} \cdot F = A + 2$$

$$\frac{8}{5} \cdot \frac{2}{3}A = A + 2$$

$$\frac{16}{15}A = A + 2$$

$$16A = 15A + 30$$

$$A = 30$$

30 Arestas

08)

$$3 \cdot F_3 + 4 \cdot F_4 + 5 \cdot F_5 = 2 \cdot A$$

$$3 \cdot F_3 + 4 \cdot F_3 + 5 \cdot 1 = 2 \cdot 20$$

$$F_3 = F_4 ; F_5 = 1$$

$$7 \cdot F_3 + 5 = 40$$

$$7 \cdot F_3 = 35$$

$$F_3 = 5$$

11 faces

$$\bullet F_3 = F_4 = 5 \text{ e } F_5 = 1$$

$$F_3 + F_4 + F_5 = 5 + 5 + 1 = 11 //$$

09)



• Note que em todo vértice irá surgir uma face quadrada.

• Note também que após os cortes, as faces que antes eram triangulares ficaram hexagonais.

• Logo, aparece depois do corte 6 faces quadrangulares e 8 faces hexagonais

$$6 \cdot S_4 + 8 \cdot S_6 = 6 \cdot 360^\circ + 8 \cdot 720^\circ = 2160^\circ + 5760^\circ = 7920^\circ$$

10)

$$F_3 = \frac{F + F_4}{2}$$

$$(ii) 2 \cdot A = 3F_3 + 4F_4$$

$$V + F = A + 2$$

$$10 + F = A + 2$$

$$(i) 2F_3 = F + F_4$$

$$(iii) F = F_3 + F_4$$

$$(iii) F + 8 = A$$

$$(i)(iii) 2F_3 = F_3 + F_4 + F_4$$

$$2F_3 = F_3 + 2F_4$$

$$F_3 = 2F_4 //$$

$$(iv) F + 8 = A$$

$$2F_3 + 2F_4 + 16 = 2A //$$

$$\begin{cases} 2F_3 + 2F_4 + 16 = 2A & (-1) \\ 3F_3 + 4F_4 = 2A \end{cases}$$

$$F_3 + 2F_4 - 16 = 0$$

$$F_3 + 2F_4 = 16$$

$$2F_4 + 2F_4 = 16$$

$$\boxed{F_4 = 4}$$

$$\bullet F_4 = 4 //$$

$$F_3 = 2 \cdot 4 = 8$$

$$F = F_3 + F_4 = 8 + 4 = 12$$

$$F + 8 = A$$

$$12 + 8 = A$$

$$20 = A$$

20 Arestas

11) A soma dos ângulos das faces pode ser dada por

$$S = F_3 \cdot 180 + F_4 \cdot 360 + F_5 \cdot 540 + \dots + F_n \cdot 180(n-2)$$

• Note que, ~~se~~ ^{como} a soma dos ângulos das faces deve dar 720° (pedido do exercício) não fica possível formar poliedro com face hexagonal, pentagonal e quadrada.

• Logo as faces desse poliedro são triangulares.

$$S = F_3 \cdot 180^\circ$$

$$720^\circ = F_3 \cdot 180^\circ$$

$$F_3 = 4 //$$

4 faces

12)

$$V + F = A + 2$$

$$44 + 18 = A + 2$$

$$A = 30 //$$

$$3F_3 + 6F_6 = 2 \cdot A$$

$$3F_3 + 6F_6 = 2 \cdot 30$$

$$F_3 + 2F_6 = 20$$

$$\begin{cases} F_3 + F_6 = 18 & (2) \\ F_3 + 2F_6 = 20 & (1) \end{cases}$$

$$F_3 = 36 - 20$$

$$F_3 = 16 //$$

16 faces triangulares

13)

Note que o número de faces laterais laterais de uma pirâmide é igual ao número de arestas da base.

$$3F_3 + 11 \cdot F_n = 2 \cdot A$$

$$3 \cdot 11 + 11 \cdot 1 = 2 \cdot A$$

$$44 = 2 \cdot A$$

$$A = 22 //$$

$$V + F = A + 2$$

$$V + 12 = 22 + 2$$

$$V = 12 //$$

12 vértices

22 arestas

14)

$$3 \cdot F_3 = 2 \cdot A$$

$$3 \cdot 60 = 2 \cdot A$$

$$A = 90 //$$

$$V + F = A + 2$$

$$V + 60 = 90 + 2$$

$$V = 32 //$$

32 vértices

15)

$$3 \cdot V_3 + 4 \cdot V_4 + \dots + m \cdot V_m = 2 \cdot A$$

$$3 \cdot 6 + 4 \cdot 2 = 2 \cdot A$$

$$26 = 2A$$

$$A = 13 //$$

$$V = V_3 + V_4$$

$$V = 6 + 2$$

$$V = 8 //$$

$$V + F = A + 2$$

$$8 + F = 13 + 2$$

$$F = 7 //$$

13 arestas
7 faces

16)

$$4 \cdot F_4 = 2A$$

$$4 \cdot 30 = 2 \cdot A$$

$$A = 60 //$$

$$V + F = A + 2$$

$$V + 30 = 60 + 2$$

$$V = 32 //$$

32 vértices

17)

$$5 \cdot F_5 + 6 \cdot F_6 = 2A$$

$$5 \cdot 12 + 6 \cdot 20 = 2A$$

$$60 + 120 = 2A$$

$$A = 90 //$$

$$F = F_5 + F_6$$

$$F = 12 + 20$$

$$F = 32 //$$

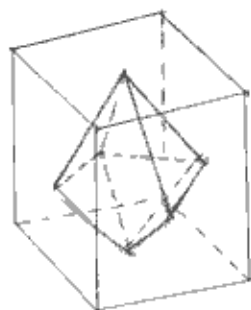
$$V + F = A + 2$$

$$V + 32 = 90 + 2$$

$$V = 60 //$$

90 arestas
60 vértices

18)



• note que cada Centro da face será o novo vértice do novo poliedro formado.

• E que esse vértice no centro da face somente não se ligará com a face oposta a ele.

• será formado então 6 ângulos tetraédricos.

$$4 \cdot V_4 = 2 \cdot A$$

$$4 \cdot 6 = 2 \cdot A$$

$$A = 12 //$$

$$V + F = A + 2$$

$$6 + F = 12 + 2$$

$$F = 8 //$$

8 faces

19)

I - falso: octaedro regular tem 8 faces triangulares.

II - verdadeiro:

III - verdadeiro.

(E)

20)

• O octaedro é formado por 8 triângulos cuja a soma dos ângulos internos de cada um vale 180° .

$$S_F = 8 \cdot 180^\circ = \underline{1440^\circ}$$

21)

$$F = 6,$$

$$V + F = A + 2$$

$$4 \cdot 6 = 2 \cdot A$$

$$V + 6 = 12 + 2$$

(A)

$$A = 12,$$

$$V = 8,$$

22)

• Cada face, antes da retirada dos vértices, possuem 9 triângulos.

• Como são 4 faces, totalizam 36 triângulos

• Para o segundo poliedro, retira-se seus 4 vértices, cada um contendo 3 triângulos. Mas na retirada dos vértices, aparece 4 novos triângulos para compor a superfície do poliedro.

$$36 - 4 \cdot 3 + 4 = 28$$

• O novo poliedro é formado por 28 triângulos

$$\frac{28}{36} = \frac{7}{9} //$$

23)

• Note que em todo vértice que for cortado surgirá uma face pentagonal. Ou seja 12 faces pentagonais são formadas.

• Após o corte, as faces triangulares serão transformadas em faces hexagonais, Totalizando 20.

$$5 \cdot F_5 + 6 \cdot F_6 = 2 \cdot A$$

$$5 \cdot 12 + 6 \cdot 20 = 2 \cdot A$$

$$A = 90,$$

• É preciso 7 cm para cada aresta

$$90 \cdot 7 \text{ cm} = 630 \text{ cm} = 6,3 \text{ m} //$$

6,3 metros

24)

pág

- Com 7 triângulos é possível formar um tetraedro.
- Com 15 quadrados é possível formar dois hexaedros.
- Com 30 pentágonos é possível formar dois dodecaedros.
- Totalizando 5 //

5 poliedros regulares

25)

$$a - 3 \cdot F_3 + 4 \cdot F_4 = 2A$$

$$3 \cdot 60 + 4 \cdot 20 = 2A$$

$$A = 150 //$$

150 arestas

b-

$$F = F_3 + F_4 = 20 + 60 = 80$$

$$V + F = A + 2$$

$$V + 80 = 150 + 2$$

$$V = 72$$

72 vértices

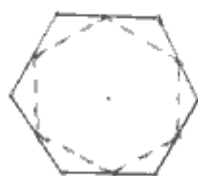
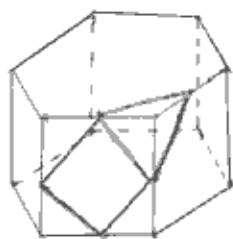
c-

$$\cdot 60 \text{ faces quadrangulares: } 60 \cdot 360^\circ = 21600^\circ$$

$$\cdot 20 \text{ faces triangulares: } 20 \cdot 180^\circ = 3600$$

$$\text{Total: } 21600 + 3600 = \underline{25200^\circ}$$

26)



• O corte na face hexagonal nos pontos médios faz manter o hexágono.

• O corte no ponto médio das faces quadrangulares faz manter os quatro lados.

• Cada vértice abrirá espaço para um triângulo.

$$12 \cdot 180 + 6 \cdot 360 + 2 \cdot 720 = \underline{5760^\circ}$$

27)

pág.

$$a- F_5 = 12, F_6 = 20$$

$$5 F_5 + 6 F_6 = 2 \cdot A$$

$$5 \cdot 12 + 6 \cdot 20 = 2A$$

$$A = 90$$

90 arestas

$$b- F_5 + F_6 = F$$

$$12 + 20 = F$$

$$32 = F$$

$$V + F = A + 2$$

$$V + 32 = 90 + 2$$

$$V = 60$$

60 arestas

28) • Note que o icosaedro tem 20 faces, na construção da geodésica, cada face do icosaedro foi dividida em 4 triângulos.

• Então a geodésica tem $4 \cdot 20 = 80$ faces triangulares

$$3 F_3 = 2 \cdot A$$

$$3 \cdot 80 = 2 \cdot A$$

$$A = 120$$

120 arestas

29)

• Observe os dodecaedros separadamente e depois retire o que se repete.

• Normalmente um dodecaedro tem 30 arestas, 20 vértices e 12 faces.

• Dois dodecaedros: $A = 60$

$$V = 40$$

$$F = 24$$

• Das arestas, 10 estão sobrepostas, então só deve ser contada 5

$$A = 55$$

• Dos vértices, 10 estão sobrepostos, então deve-se retirar 5.

$$V = 45$$

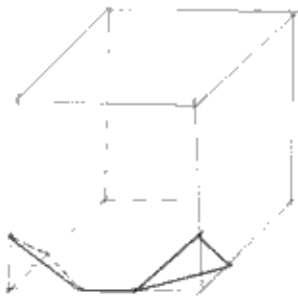
• Das faces, duas ficaram no interior, deve-se desconta-las.

$$F = 22$$

$$V + F + A$$

$$45 + 22 + 55 = 122$$

30)



- O Cubo tem 6 faces, 8 arestas
- Em cada corte da aresta vai surgir uma nova face triangular.
- $6 + 8 = 14$ faces

14 cores diferentes